

**Engenharia Electrotécnica e de Computadores**

Licenciatura, 1º Ciclo

Plano: Despacho n.º 7795/2021 - 09/08/2021

**Ficha da Unidade Curricular: Matemática Aplicada à Electrotecnia**

ECTS: 6; Horas - Totais: 162.0, Contacto e Tipologia, TP:56.0; PL:14.0;

Ano | Semestre: 2 | S1

Tipo: Obrigatória; Interação: Presencial; Código: 911212

Área Científica: Matemática

**Docente Responsável**

Maria Manuela Morgado Fernandes Oliveira

Assistente 2º Triénio

**Docente(s)**

João Manuel Mourão Patrício

Professor Adjunto

Maria Manuela Morgado Fernandes Oliveira

Assistente 2º Triénio

**Objetivos de Aprendizagem**

Aquisição de conhecimentos em Estatística, Análise Complexa e Transformadas.

Aquisição de ferramentas, desenvolvimento de capacidades de análise e de raciocínio essenciais na tomada de decisões.

**Objetivos de Aprendizagem (detalhado)**

A aquisição de conhecimentos em Estatística, Análise Complexa e Transformadas pretende dotar os alunos com ferramentas necessárias para a análise de diferentes problemas, nas várias vertentes da Engenharia Electrotécnica e de Computadores, bem como fomentar o desenvolvimento de capacidades de análise e de raciocínio que lhes permitam conceber e implementar soluções para esses problemas, facilitando a tomada de decisões.

**Conteúdos Programáticos**

1. Revisões de Probabilidades;
2. Distribuições por Amostragem;
3. Estimção Paramétrica;
4. Testes de Hipóteses;
5. Introdução à Regressão Linear Simples;
6. Números Complexos;
7. Funções Analíticas;
8. Funções Elementares;
9. Integração Complexa;
10. Desenvolvimento em Série de Funções Analíticas;
11. Teoria do Resíduo;
12. Equações Diferenciais e Transformadas

### **Conteúdos Programáticos (detalhado)**

1. Revisões de Probabilidades
  - 1.1. Noções básicas de Probabilidades;
  - 1.2. Variáveis Aleatórias;
  - 1.3. Distribuições Teóricas Discretas e Contínuas: a distribuição Normal;
  - 1.4. Aproximação das distribuições Binomial e de Poisson à Normal;
  - 1.5. A distribuição Exponencial.
2. Distribuições por Amostragem
  - 2.1. Inferência Estatística. Amostragem aleatória;
  - 2.2. Teorema do Limite Central;
  - 2.3. Desigualdade de Chebychev;
  - 2.4. Distribuições amostrais teóricas;
  - 2.5. Distribuição da média amostral numa população normal;
  - 2.6. Distribuição da variância amostral numa população normal;
  - 2.7. Distribuição da proporção amostral.
3. Estimção Paramétrica
  - 3.1. Estimção pontual. Estimadores e Estimativas;
  - 3.2. Propriedades dos estimadores;
  - 3.3. Estimção de Máxima Verosimilhança;
  - 3.4. Estimção por intervalos;
  - 3.5. Intervalos de confiança para a média de uma população normal;
  - 3.6. Intervalo de confiança para o desvio padrão e variância de uma população normal;
  - 3.7. Intervalo de confiança para uma proporção;
  - 3.8. Escolha da dimensão da amostra.
4. Testes de Hipóteses
  - 4.1. Conceitos Básicos;
  - 4.2. Testes de hipóteses para a média de uma população normal;
  - 4.3. Testes de hipóteses para a variância de uma população normal;
  - 4.4. Testes de hipóteses para uma proporção.
5. Introdução à Regressão Linear Simples
  - 5.1. Modelos de regressão;
  - 5.2. Método dos mínimos quadrados em regressão linear simples;
  - 5.3. Análise de variância: Tabela ANOVA;

- 5.4. Coeficientes de correlação e de determinação;
- 5.5. Inferências no modelo de regressão linear simples.
- 6. Números Complexos
  - 6.1. Forma algébrica, trigonométrica e polar;
  - 6.2. Potências e raízes;
  - 6.3. Geometria no plano complexo.
- 7. Funções Analíticas
  - 7.1. Funções de variável complexa;
  - 7.2. Limites e continuidade;
  - 7.3. Analiticidade;
  - 7.4. Equações de Cauchy-Riemann;
  - 7.5. Funções harmónicas.
- 8. Funções Elementares
  - 8.1. Funções exponenciais, trigonométricas e hiperbólicas;
  - 8.2. Função logarítmica;
  - 8.3. Potência de complexos e funções trigonométricas inversas;
  - 8.4. Aplicação a sistemas oscilatórios.
- 9. Integração Complexa
  - 9.1. Contornos;
  - 9.2. Integrais de contorno;
  - 9.3. Teorema integral de Cauchy;
  - 9.4. Integração de funções analíticas.
- 10. Desenvolvimento em Série de Funções Analíticas
  - 10.1. Série de Taylor;
  - 10.2. Série de potências;
  - 10.3. Série de Laurent;
  - 10.4. Zeros e singularidades.
- 11. Teoria do Resíduo
  - 11.1. Teorema do Resíduo;
  - 11.2. Aplicação ao cálculo de integrais trigonométricos e impróprios.
- 12. Equações Diferenciais e Transformadas
  - 12.1. Tipos fundamentais de Equações Diferenciais;
  - 12.2. Séries de Fourier;
  - 12.3. Transformadas de Fourier: definição, propriedades e seu uso na resolução de alguns tipos de equações diferenciais;
  - 12.4. Transformadas de Laplace: definição, propriedades e seu uso na resolução de alguns tipos de equações diferenciais

### **Metodologias de avaliação**

Avaliação contínua: realização de duas provas escritas durante o semestre, classificadas de 0 a 10 valores, com a restrição de classificação mínima de 3 valores em ambas. Os conteúdos programáticos são divididos equitativamente pelas provas a realizar. O aluno é dispensado de exame, ou seja, é aprovado por avaliação contínua se a soma obtida das classificações das provas escritas, arredondada às unidades, for igual ou superior a 10 valores.

Avaliação por exame (época normal): prova escrita com toda a matéria lecionada na unidade curricular (classificada de 0 a 20 valores). O aluno é aprovado à unidade curricular se a

classificação final, arredondada às unidades, for igual ou superior a 10 valores.

Restantes épocas: prova escrita com toda a matéria lecionada (classificada de 0 a 20 valores). O aluno é aprovado à unidade curricular se a classificação desta prova, arredondada às unidades, for igual ou superior a 10 valores

### **Software utilizado em aula**

Folha de Cálculo EXCEL

### **Estágio**

Não aplicável

### **Bibliografia recomendada**

- , .(2007). *Estatística* . 2, McGraw-Hill.
- , .(2004). *Introdução Computacional à Probabilidade e Estatística* . Porto Editora.
- , .(1993). *Fundamentals of Complex Analysis for Mathematics, Science and Engineering* . Prentice-Hill. New Jersey
- , .(1998). *Variável Complexa* . McGraw-Hill. Lisboa
- Morriss, S. (2000). *Programmable Logic Controllers* (Vol. 1).. 1, Prentice-Hall. US
- Siemens, S. (2003). *Simatic, S7-200 Programmable Controller*. (Vol. 1).. 1, Siemens. Alemanha
- Novais, J. (2008). *Programação de Autómatos, Método GRAFCET* (Vol. 1).. 1, Fundação Calouste. Portugal

### **Coerência dos conteúdos programáticos com os objetivos**

Os objetivos referidos no ponto 1 são concretizados do seguinte modo: nos capítulos 1, 2, 3, 4, 5 e 6 fornecem-se os fundamentos básicos de algumas das principais técnicas e metodologias da Estatística Matemática, enquanto que nos capítulos 7, 8, 9, 10, 11 e 12 fornecem-se conhecimentos em Análise Complexa e Transformadas Matemáticas, que são essenciais em áreas da Engenharia Electrotécnica como Automação, Robótica e Telecomunicações. Os objetivos referidos no pontos 2 são concretizados ao longo de todos os capítulos dos conteúdos programáticos com a ilustração de exemplos de aplicação à Engenharia Electrotécnica.

### **Metodologias de ensino**

Aulas teóricas e teórico-práticas, em que se expõem e exemplificam as matérias respeitantes a cada um dos conteúdos programáticos. Aulas práticas laboratoriais, em que se utilizam softwares específicos, e aulas de orientação tutorial.

### **Coerência das metodologias de ensino com os objetivos**

Os métodos de ensino serão inicialmente expositivos, fazendo prevalecer uma forte interação entre os conceitos e as suas aplicações, prosseguindo com a resolução de exercícios sob orientação do professor. A transformação dos conceitos em ferramentas de trabalho será atingida pelo incentivo ao trabalho

individual. O ensino da unidade curricular é complementado pelas aulas de orientação tutorial e pelos períodos de atendimento aos alunos.

**Língua de ensino**

Português

**Pré-requisitos**

Não aplicável

**Programas Opcionais recomendados**

Não aplicável

**Observações**

ODS 4 e 5

---

**Docente responsável**

Maria Manuela Morgado Fernandes Oliveira      Digitally signed by Maria Manuela Morgado Fernandes Oliveira

---

